



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

المستوى: 2 ثانوي
الشعبة: علوم تجريبية
العام الدراسي: 25/24
المدة: ساعتان

اختبار الفصل الثاني

مديرية التربية سيدي بلعباس
ثانوية القيم الحضارية الخاصة
(الأستاذ : محمد جامعي)
المادة : رياضيات

التمرين الأول: (5 نقاط)

نرمي ، في آن واحد ، زهرتي نرد غير مزيفتين احدهما حمراء لها وجهان يحملان الرقم 0 و ثلاثة أوجه تحمل الرقم 1 و وجه واحد يحمل الرقم 3 ، و الأخرى خضراء لها وجهان يحملان الرقم 1 و ثلاثة أوجه تحمل الرقم 2 و وجه واحد يحمل الرقم 6 ، ثم نسجل الرقمين الظاهرين على الوجه العلوي لكل منهما.
(1) مثل هذه الوضعية بمخطط (جدول أو شجرة الإمكانات).
(2) نعتبر الحوادث التالية :

A : " الحصول على وجهين يحملان الرقم 1 "

B : " الحصول على وجهين يحملان رقمين زوجيين "

C : " الحصول على وجهين يحملان رقمين جداء هما معدوم "

(أ) احسب : $P(A)$ ، $P(B)$ ، $P(A \cap B)$.

(ب) بين أن : $P(C) = \frac{1}{3}$

(ج) استنتج : $P(\bar{A})$ و $P(A \cup B)$.

(3) ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل عملية رمي للزهرتين أكبر الرقمين الظاهرين على الوجهين العلويين.

(أ) حدد قيم X الممكنة ثم عرف قانون احتماله.

(ب) احسب الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X.

التمرين الثاني: (5 نقاط)

$A(-1; 2)$ ، $B(4; 2)$ ، $C(4; -1)$ ، $D(-1; -1)$ نقط من المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

G مرجح الجملة المثقلة $\{(A; 2), (B; 3)\}$ و K مرجح الجملة المثقلة $\{(C; 4), (D; 1)\}$

H نقطة معرفة بـ: $2\vec{HA} + 3\vec{HB} + 4\vec{HC} + \vec{HD} = \vec{0}$

(1) بين أن النقطة H منتصف القطعة [KG].

(2) (أ) احسب إحداثيتي كل من النقط K, H, G .

(ب) علم النقط K, H, G, D, C, B, A .

(3) عين مجموعة النقط M من المستوي بحيث : $\|2\vec{MA} + 3\vec{MB}\| = \|4\vec{MC} + \vec{MD}\|$

(4) عين مجموعة النقط M من المستوي بحيث : $\|2\vec{MA} + 3\vec{MB} + 4\vec{MC} + \vec{MD}\| = \|\vec{MA} - \vec{MB}\|$

التمرين الثالث: (10 نقاط)

$f(x) = \frac{x^3 - 2x^2}{x^2 - 2x + 1}$: دالة عددية معرفة على $\mathbb{R} - \{1\}$:

(C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) أ) احسب : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

ب) احسب : $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ ثم فسر النتائج بيانيا.

(2) أ) اثبت أنه ، من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن 1 : $f'(x) = \frac{x(x-1)(x^2-3x+4)}{(x^2-2x+1)^4}$

ب) استنتج اتجاه تغير الدالة f و شكل جدول تغيراتها.

(3) أ) اثبت أنه ، من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن 1 : $f(x) = x - \frac{x}{(x-1)^2}$

ب) استنتج أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) يطلب تعيين معادلة له

ج) ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة إلى مقاربه (Δ) .

(4) عين نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع محور الفواصل.

(5) اكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) في النقطة ذات الفاصلة 2.

(6) انشئ كلا من (Δ) و (T) و (C_f) .